

Transición de fase en la extensión del automata celular Q2R-Potts

Jim Tortella Gana^{1*}, Felipe Urbina^{2†}, Felix Borotto¹

¹Departamento de Física, Universidad de Concepción, Concepción, Chile.

² Vicerrectoría de Investigación, Universidad Mayor, Santiago, Chile.

*jtortella2017@udec.cl, †felipe.urbina@umayor.cl

Introducción

Esta investigación trata de una extensión del autómata celular llamado Q2R que fue propuesto por Vichniac en la década de los 80's [1] para estudiar el modelo de Ising en dos dimensiones. Aquí, presentaremos la dinámica del automata celular Q2R-Potts [2], el cual, es una representación del clásico modelo de Potts para $q = 3$ estados. Este modelo presenta características propias de los sistemas físicos, como por ejemplo: una regla determinista, una dinámica reversible, y conserva una cantidad análoga a la energía E . Para esto, hemos utilizado simulaciones numéricas y herramientas de la mecánica estadística, para construir un diagrama de fase y así cuantificar el valor de la energía crítica del sistema, E_c , cuya dinámica desarrolla una transición de fase.

El modelo Q2R-Potts

El autómata celular Q2R-Potts, consiste de un arreglo de tamaño $L = N \times N$ celdas, donde cada celda representa un estado σ_i el que puede tomar un valor discreto entre tres posibles ($\sigma_i = a, b, \text{ ó } c$). Se considera una vecindad de interacción de 4 vecinos, en la cual si el estado central es s , interactúan según la regla de evolución en Fig.[1].

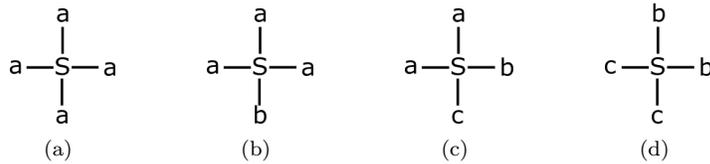


Figura 1: Regla de evolución: El estado s evoluciona a s' según: i) En (a) y (b) tenemos que el estado $s' = s$. ii) En (c) y (d) vamos a distinguir tres subcasos. Si $s = a$, entonces $s' = s$. En el caso que $s = b$ (c) tendremos que $s' = c$ (b).

Cantidades conservativas y no conservativas

Para caracterizar la dinámica del modelo se define la cantidad conservativa llamada Energía[2]:

$$E = -\frac{1}{2} \sum_{i=1}^L \sum_{j \in V_i} \delta_{\sigma_i \sigma_j} \quad M(t) = \sum_{p=0}^2 e^{i\theta_p} n_p(t).$$

donde $\delta_{\sigma_i \sigma_j}$ corresponde a la delta de Kronecker, σ_i representa un estado central (s) y σ_j los estados vecinos. En la energía se tiene que $\delta_{\sigma_i \sigma_j} = 1$ para $\sigma_i = \sigma_j$, y cero para cualquier otro caso. Por otro lado, la variación en el tiempo será caracterizada por la Magnetización $M(t)$, donde θ es un ángulo que determina la dirección de $q = 3$ estados igualmente espaciados: $\theta_p = \frac{2\pi p}{3}$, $p = 0, 1, 2$.

Referencias

- [1] Gérard Y. Vichniac. Simulating physics with cellular automata. Physica D: Nonlinear Phenomena, 10(1-2):96 - 116, 1984.
- [2] Y. Pomeau and G. Y. Vichniac. Extensions of Q2R: Potts model and other lattices. 1988 J. Phys A: Math. Gen 21 3297.